

CORRECTION DU DEVOIR MAISON N° 1

Second degré

Pour le 6 octobre 2023

1) L'aire de la surface rose, que l'on notera $\mathcal{A}(x)$, est égale à l'aire du demi-disque de diamètre $[AB]$ à laquelle on retranche la somme deux-demi disques \mathcal{D}_1 et \mathcal{D}_2

$$\mathcal{A}(x) = \frac{\pi \times \left(\frac{AB}{2}\right)^2}{2} - \left(\frac{\pi \times \left(\frac{AM}{2}\right)^2}{2} + \frac{\pi \times \left(\frac{MB}{2}\right)^2}{2} \right) = \frac{\pi \times 4^2}{2} - \left(\frac{\pi \times \frac{x^2}{4}}{2} + \frac{\pi \times \frac{(8-x)^2}{4}}{2} \right)$$
$$\mathcal{A}(x) = 8\pi - \left(\frac{\pi \times x^2}{8} + \frac{\pi \times (64 - 16x + x^2)}{8} \right) = \frac{\pi}{8} (64 - x^2 - 64 + 16x - x^2) = \frac{\pi}{8} (-2x^2 + 16x)$$

Par conséquent, $\mathcal{A}(x) = -\frac{\pi}{4}x^2 + 2\pi x$.

```
2) a) from math import pi
def lunule():
    x=0
    a=0
    while a!=4*pi :
        x=x+0.1
        a=-(pi/4)*x**2+2*pi*x
    return x
```

Lorsqu'on « lance » le programme, **il semble que l'aire de la surface rose soit égale à la moitié de l'aire du demi-disque de diamètre $[AB]$ lorsque $x = 4$, c'est-à-dire lorsque M est le milieu de $[AB]$.**

```
b) from math import pi
def lunule():
    x=0
    a=0
    while a!=6*pi :
        x=x+0.1
        a=-(pi/4)*x**2+2*pi*x
    return x
```

Lorsqu'on « lance » le programme, **le programme « bugue »**.

3) a) L'aire de la surface rose est égale à la moitié de l'aire du demi-disque de diamètre $[AB]$ lorsque $-\frac{\pi}{4}x^2 + 2\pi x = 4\pi$, c'est-à-dire lorsque $-x^2 + 8x = 16$, ou encore

$$-x^2 + 8x - 16 = 0.$$

$$\Delta = 8^2 - 4 \times (-1) \times (-16) = 64 - 64 = 0.$$

Comme $\Delta = 0$, cette équation admet une racine double : $x_0 = \frac{-b}{2a} = \frac{-8}{-2} = 4$.

Par conséquent, **l'aire de la surface rose soit égale à la moitié de l'aire du demi-disque de diamètre $[AB]$ lorsque $x = 4$, c'est-à-dire lorsque M est le milieu de $[AB]$.**

b) L'aire de la surface rose est égale aux trois-quarts de l'aire du demi-disque de diamètre $[AB]$ lorsque $-\frac{\pi}{4}x^2 + 2\pi x = 6\pi$, c'est-à-dire lorsque $-x^2 + 8x = 24$, ou encore

$$-x^2 + 8x - 24 = 0.$$

$$\Delta = 8^2 - 4 \times (-1) \times (-24) = 64 - 96 = -32.$$

Comme $\Delta < 0$, cette équation n'admet pas de solution.

Par conséquent, **il n'existe pas une position du point M pour laquelle l'aire de la surface rose est égale aux trois-quarts de l'aire du demi-disque de diamètre $[AB]$** .